|  |
| --- |
| 结论十：焦点三角形的面积公式 |
| 结论 | **(1)在椭圆**$\frac{x^{2}}{a^{2}}$**+**$\frac{y^{2}}{b^{2}}$**=1(a>b>0)中,F1,F2分别为左、右焦点,P为椭圆上一点,则△PF1F2的面积**$S\_{△PF\_{1}F\_{2}}$**=b2·tan**$\frac{θ}{2}$**,其中θ=∠F1PF2.****(2)在双曲线**$\frac{x^{2}}{a^{2}}$**-**$\frac{y^{2}}{b^{2}}$**=1(a>0,b>0)中,F1,F2分别为左、右焦点,P为双曲线上一点,则△PF1F2的面积**$S\_{△PF\_{1}F\_{2}}$**=**$\frac{b^{2}}{tan\frac{θ}{2}}$**,其中θ=∠F1PF2.** |
| 解读 | 这两个结论的得到可以利用定义、余弦定理得到，例如第1个：设由椭圆定义可得：，即；由余弦定理可得：整理可得：，即，所以，所以三角形的面积为 |
| 典例 | 已知，分别是双曲线的左、右焦点，点是双曲线上一点，且，的面积为，则双曲线的渐近线方程为\_\_\_\_\_\_. |
| 解析 |  |
| 反思 | 本题利用双曲线的定义和勾股定理可求得，再利用三角形的面积公式可得出，进而可得出双曲线的渐近线方程.双曲线中的焦点三角形：双曲线上一点与双曲线的两个焦点、构成的称为焦点三角形，在处理双曲线中的焦点三角形问题时，可结合双曲线的定义以及三角形中的有关定理和公式（如正弦定理、余弦定理、三角形的面积公式等）来求解.  |
| 针对训练\*举一反三 |
| 1．设是双曲线上的点，、是焦点，双曲线的离心率是，且，的面积是7，则是（ ）A． B． C． D．2．椭圆的焦点为，*P*为椭圆上一点，若，则的面积是（ ）.A． B． C． D．3．设是双曲线的左、右焦点，为双曲线右支上一点，若，则双曲线的两条渐近线的夹角为（ ）A． B． C． D．4.已知点是双曲线的左焦点，为右支上一点.以的实轴为直径的圆与线段交于，两点，且，是线段的三等分点，则的渐近线方程为（ ）A． B． C． D．5．在直角坐标系*xOy*中，*F*1(-*c*，0)，*F*2(*c*，0)分别是双曲线*C*：的左、右焦点，位于第一象限上的点*P*(*x*0,*y*0)是双曲线*C*上的一点，△*PF*1*F*2的外心*M*的坐标为，△*PF*1*F*2的面积为2*a*2，则双曲线*C*的渐近线方程为（ ）A．*y*＝±*x* B．*y*＝*x* C．*y*＝*x* D．*y*＝±*x*6．已知椭圆中，点*P*是椭圆上一点，*F*1，*F*2是椭圆的焦点，且∠*PF*1*F*2＝120°，则△*PF*1*F*2的面积为\_\_\_\_\_\_\_\_．7．设为椭圆:的两个焦点。为上点，的内心*I*的纵坐标为，则的余弦值为\_\_\_\_\_. |

 ****